

ANALIZA MATEMATYCZNA

LISTA ZADAŃ 10

16.12.13

- (1) Wyznacz promień zbieżności szeregu Maclaurina funkcji:

$$(a) f(x) = \sqrt{x+2}, \quad (b) f(x) = \frac{1}{x+3}, \quad (c) f(x) = \log(x+e).$$

- (2) Znajdź punkty przegięcia i przedziały wypukłości funkcji danych wzorami:

$$(a) x^3 + 2x^2 + 3x + 4, \quad (b) x^8 - x^2 + 7x - 15, \quad (c) e^{-x^2}, \\ (d) \sin^4(x), \quad (e) \sqrt{x} - \log(x), \quad (f) x^4 + \sqrt[4]{x}.$$

- (3) Znajdź punkt przecięcia stycznej do wykresu funkcji $f(x) = x^2$ w punkcie $(2, 4)$ z osią OY .

- (4) Znajdź punkt przecięcia stycznej do wykresu funkcji $f(x) = e^x$ w punkcie $(0, 1)$ z osią OX .

- (5) Znajdź punkt przecięcia stycznych do wykresu funkcji $f(x) = x^3$ odpowiednio w punktach $(-1, -1)$ i $(2, 8)$.

- (6) Oblicz $\int f(x) dx$ jeśli $f(x)$ dane jest wzorem:

$$(a) 10^x, \quad (b) \sqrt[n]{n}, \quad m, n \in \mathbf{N}, \quad (c) a^x e^x, \quad a > 0, \\ (d) 3,4 x^{-0,17}, \quad (e) 1 - 2x, \quad (f) \left(\frac{1-x}{x}\right)^2, \\ (g) (\sqrt{x} + 1)(x - \sqrt{x} + 1), \quad (h) \frac{\sqrt{x} - x^3 e^x + x^2}{x^3}, \quad (i) (x+1)^{22}, \\ (j) \frac{x^{100} - 1}{x - 1}, \quad (k) \frac{x \sqrt[6]{x} + \sqrt[7]{x}}{x^2}, \quad (l) \frac{x^3}{x+1},$$

- (7) Znaleźć taką funkcję F , żeby $F''(x)$ było równe:

$$(a) x^2 + 2x, \quad (b) \cos(x), \quad (c) e^{7x}.$$

- (8) Znajdź taką funkcję F , że:

$$(a) F''(x) = x^2 + 1, \quad F'(0) = 2, \quad F(0) = 3; \\ (b) F''(x) = \frac{1}{x^3}, \quad F'(2) = 1, \quad F(3) = 5; \\ (c) F'''(x) = \sin(x), \quad F''(0) = F'(0) = F(0) = 0; \\ (d) F''(x) = \frac{1}{x^2}, \quad F'(1) = F'(-1) = 1, \quad F(1) = F(-1) = 3.$$

- (9) Oblicz $\int f(x) dx$ jeśli $f(x)$ dane jest wzorem:

$$(a) x \sin(2x), \quad (b) x e^{-x}, \quad (c) x^n \log(x), \quad n \in \mathbf{N}, \\ (d) x^3 e^{5x}, \quad (e) e^x \sin^2(x), \quad (f) x 3^x, \\ (g) x \sin(x) \cos(x), \quad (h) e^{3x} \sin(2x), \quad (i) \sqrt{e^x - 1}, \\ (j) e^x \sin(e^x), \quad (k) x e^{x^2}, \quad (l) 1 \cdot \sin(\log(x)), \\ (m) e^{-x^2} x, \quad (n) \frac{\cos(\sqrt{x})}{\sqrt{x}}, \quad (o) e^{\sqrt[3]{x}},$$

(p)	$\frac{1}{x \log(x) \log(\log(x))},$	(q)	$\cos(x) e^{\sin(x)},$	(r)	$6^{1-x},$
(s)	$\sin^5(x) \cos(x),$	(t)	$\frac{e^{2x}}{\sqrt[4]{e^x + 1}},$	(u)	$x e^{x^2} (x^2 + 1),$
(v)	$e^{5x} \sin(3x),$	(w)	$e^{5x} \cos(3x),$	(x)	$\sin(3x) \cdot \sin(5x),$
(y)	$\sin(15x) \cdot e^{-4x},$	(z)	$\frac{\arctan(x)}{x^2 + 1},$	(aa)	$\frac{\arctan^7(x) + 9 \arctan^5(x)}{x^2 + 1},$
(ab)	$\frac{x^3}{(x - 1)^{12}},$	(ac)	$\frac{\log^7(x) + \log^2(x)}{x},$	(ad)	$e^{-x^2} x^5,$
(ae)	$\sin(\sqrt{x}),$	(af)	$\frac{\sqrt{2 + \log(x)}}{x}.$		